

# ボルト継手計算書

H 4 5 0 × 2 0 0 × 9 × 1 4

建築仕様

( S I 単位 )

ヒロセ株式会社

# ボルト継手 (H450×200) の設計

## 1. 設計条件

母材にボルト孔がある場合、引張力に対し、ボルト孔分が抵抗できないため、ボルト孔を控除した母材の抵抗力を設計強度とする。

添接板の設計は、設計強度に対し、添接板の断面性能に応じて、フランジとウェブに応力を分配する。

- (1) 許容応力度 (母材と添接板の材質は同一とする。)  
 (鋼材コト) SS400-K (ボルトコト) F10T-K

「鋼構造設計規準 (日本建築学会)」に準拠する。

仮設鋼材の許容応力度の割増	係数 =	1.50	
H形鋼の許容曲げ・引張応力度 <sub>H</sub>	$ba =_H$	$ta =$	235 N/mm <sup>2</sup> (SS400)
H形鋼の許容せん断応力度 <sub>H</sub>	$a =$	135	N/mm <sup>2</sup>
H形鋼の許容支圧応力度 $(1.25 \times 235 \times \text{係数})$ <sub>H</sub>	$a =$	441	N/mm <sup>2</sup> (SS400)
添接板の許容曲げ・引張応力度 <sub>P</sub>	$ba =_P$	$ta =$	235 N/mm <sup>2</sup> (SS400)
添接板の許容せん断応力度 <sub>P</sub>	$a =$	135	N/mm <sup>2</sup>
添接板の許容支圧応力度 $(1.25 \times 235 \times \text{係数})$ <sub>P</sub>	$a =$	441	N/mm <sup>2</sup> (SS400)
ボルトの許容せん断応力度 <sub>B</sub>	$a =$	220	N/mm <sup>2</sup> (F10T)

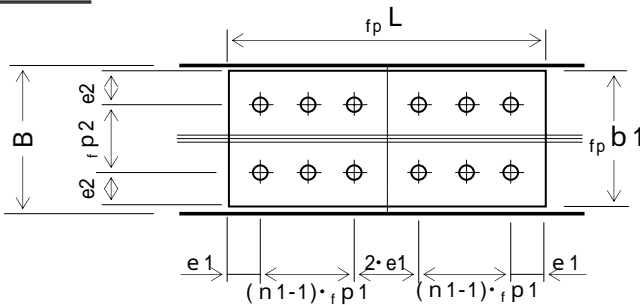
- (2) 設計母材 コト: H450-2

**H形鋼: H450×200×9×14**

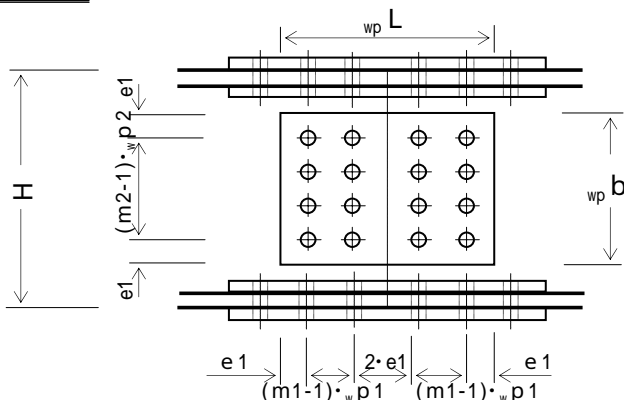
- (3) 添接板
- |  |              |        |    |     |    |     |     |
|--|--------------|--------|----|-----|----|-----|-----|
|  | フランジ: 2・PL - | 9      | ×  | 200 | ×  | 460 |     |
|  |              | 4・PL - | 12 | ×   | 80 | ×   | 460 |
|  | ウェブ: 2・PL -  | 6      | ×  | 350 | ×  | 310 |     |

- (4) ボルト
- |                            |        |        |         |         |
|----------------------------|--------|--------|---------|---------|
| ボルト直径 (M22)                | $d =$  | 2.20   | cm      |         |
| ボルト孔径 ( $d + 3\text{mm}$ ) | $dh =$ | 2.50   | cm      |         |
| フランジのボルト本数                 | $n1 =$ | 3      | 本 (軸方向) |         |
|                            |        | $n2 =$ | 2       | 本 (軸横断) |
| ウェブのボルト本数                  | $m1 =$ | 2      | 本 (軸方向) |         |
|                            |        | $m2 =$ | 4       | 本 (軸横断) |
| 縁端距離 (応力方向)                | $e1 =$ | 4.0    | cm      |         |
| 縁端距離 (その他)                 | $e2 =$ | 4.0    | cm      |         |

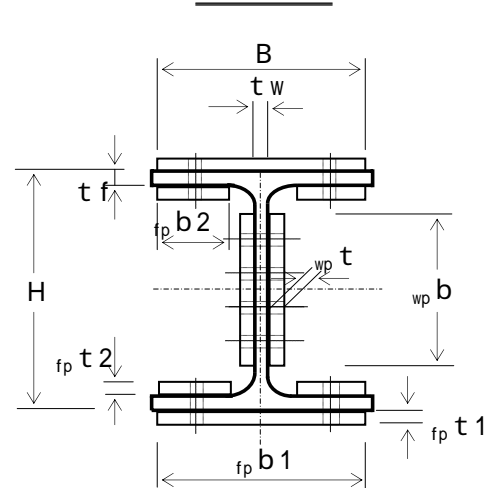
**平面図**



**側面図**



**断面図**

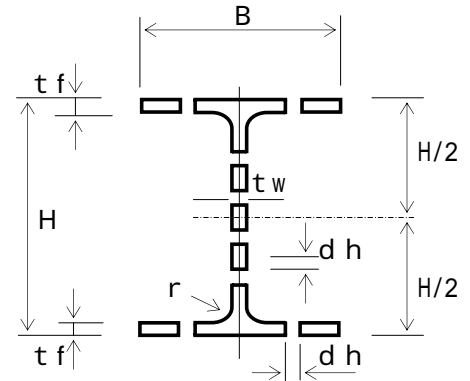


## 2. 継手部の設計

### (1) 母材の断面性能計算

#### 1) 母材 H 450 × 200 × 9 × 14

H 形 鋼 の 高 さ	H =	45	cm
H 形 鋼 の 幅	B =	20	cm
ウ エ ブ 厚	t <sub>w</sub> =	0.9	cm
フ ラ ン ジ 厚	t <sub>f</sub> =	1.4	cm
フ イ レ ッ ト	r =	1.3	cm
断 面 積	A =	95.43	cm <sup>2</sup>
断 面 係 数	Z =	1460	cm <sup>3</sup>
断 面 二 次 モ - メ ン ト	I =	32900	cm <sup>4</sup>



#### 2) ボルト穴を控除した断面性能

ボルト孔径	d <sub>h</sub> =	2.50	cm
フランジボルトの本数	n <sub>2</sub> =	2	本 (軸横断)
ウェブボルトの本数	m <sub>2</sub> =	4	本 (軸横断)

(断面積)

$$\begin{aligned} \text{(ウェブボルト)} \quad {}_B A_W &= d_h \cdot t_w \cdot m_2 \\ &= 2.50 \times 0.90 \times 4 = 9.00 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(ウェブ)} \quad {}_H A_W' &= t_w (H - 2 \cdot t_f) - {}_B A_W \\ &= 0.90 \times (45 - 2 \times 1.40) - 9.00 \\ &= 28.98 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(フランジボルト)} \quad {}_B A_f &= d_h \cdot t_f \cdot n_2 \\ &= 2.50 \times 1.40 \times 2 = 7.00 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(フランジ)} \quad {}_H A_f' &= A - t_w (H - 2 \cdot t_f) - 2 \cdot {}_B A_f \\ &= 95.43 - 0.90 \times (45 - 2 \times 1.40) \\ &\quad - 2 \times 7.00 \\ &= 43.45 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$A' = {}_H A_f' + {}_H A_W' = 43.45 + 28.98 = 72.43 \text{ cm}^2$$

(断面二次モーメント：ウェブ孔は控除しない場合)

$$\begin{aligned} {}_B I_f &= \frac{d_h \cdot t_f^3 \cdot n_2}{12} = \frac{2.50 \times 1.40^3 \times 2}{12} \\ &= 1.143 \text{ cm}^4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(片フランジボルト)} \quad {}_B I_f &= {}_B A_f \cdot (1/2 \cdot H - 1/2 \cdot t_f)^2 + {}_B I_f \\ &= 7.00 \times 21.80^2 + 1.143 = 3328 \text{ cm}^4 \end{aligned}$$

$$\text{(両フランジボルト)} \quad {}_B I_f' = 2 \cdot {}_B I_f = 2 \times 3328 = 6656 \text{ cm}^4$$

$$I' = I - {}_B I_f' = 32900 - 6656 = 26244 \text{ cm}^4$$

(断面係数)

$$Z' = \frac{I'}{1/2 \cdot H} = \frac{26244}{22.50} = 1166 \text{ cm}^3$$

## (2) 添接板の断面積の計算

### 1) フランジ添接板

外側板幅  $f_p b_1 = 20.0$  cm  
 板厚  $f_p t_1 = 0.90$  cm  
 内側板幅  $f_p b_2 = 8.00$  cm  
 板厚  $f_p t_2 = 1.20$  cm  
 ボルト孔径  $dh = 2.50$  cm  
 ボルト本数  $n_2 = 2$  本 (軸横断)

(外側添接板)

$$\begin{aligned} {}_B A f_1 &= dh \cdot f_p t_1 \cdot n_2 \\ &= 2.50 \times 0.90 \times 2 = 4.50 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} {}_P A f_1 &= f_p b_1 \cdot f_p t_1 - {}_B A f_1 \\ &= 20.00 \times 0.90 - 4.50 = 13.50 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

(内側添接板)

$$\begin{aligned} {}_B A f_2 &= dh \cdot f_p t_2 \cdot n_2 \\ &= 2.50 \times 1.20 \times 2 = 6.00 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} {}_P A f_2 &= 2 \cdot f_p b_2 \cdot f_p t_2 - {}_B A f_2 \\ &= 2 \times 8.00 \times 1.20 - 6.00 = 13.20 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

(フランジ合計)

$$\begin{aligned} {}_P A f &= 2 \cdot ({}_P A f_1 + {}_P A f_2) \\ &= 2 \times (13.50 + 13.20) = 53.40 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

### 2) ウェブ添接板

板幅  $w_p b = 35.0$  cm  
 板厚  $w_p t = 0.60$  cm  
 ボルト本数  $m_2 = 4$  本 (軸横断)

$$\begin{aligned} {}_B A W &= dh \cdot w_p t \cdot m_2 \\ &= 2.50 \times 0.60 \times 4 = 6.00 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} {}_P A W_1 &= w_p b \cdot w_p t - {}_B A W \\ &= 35.00 \times 0.60 - 6.00 = 15.00 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

(ウェブ合計)

$$\begin{aligned} {}_P A W &= 2 \cdot {}_P A W_1 \\ &= 2 \times 15.00 = 30.00 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

### 3) 断面積

$$\begin{aligned} {}_P A &= {}_P A f + {}_P A W \quad A' \\ &= 53.40 + 30.00 = 83.40 \text{ cm}^2 > 72.43 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

-OK-

### (3) 添接板の断面二次モーメントの計算

#### 1) フランジ添接板

ボルト孔径	dh = 2.50 cm	外側板幅	$f_p b_1 = 20.00$ cm
フランジ	n2 = 2 本 (軸横断)	板厚	$f_p t_1 = 0.90$ cm
ウェブ	m2 = 4 本 (軸横断)	面積	$P A f_1 = 13.50$ cm <sup>2</sup>
		内側板幅	$f_p b_2 = 8.00$ cm
		板厚	$f_p t_2 = 1.20$ cm
		面積	$P A f_2 = 13.20$ cm <sup>2</sup>

(外側添接板)

$$f_p b_1' = f_p b_1 - dh \cdot n_2 = 20.00 - (2.50 \times 2) = 15.00 \text{ cm}$$

$$P I f_1 = \frac{f_p b_1' \cdot f_p t_1^3}{12} = \frac{15.00 \times 0.90^3}{12} = 0.911 \text{ cm}^4$$

$$P I f_1 = P A f_1 \cdot (1/2 \cdot H + 1/2 \cdot f_p t_1)^2 + P I f_1 = 13.500 \times 22.950^2 + 0.911 = 7111 \text{ cm}^4$$

(内側添接板)

$$f_p b_2' = 2 \cdot f_p b_2 - dh \cdot n_2 = 2 \times 8.00 - (2.50 \times 2) = 11.00 \text{ cm}$$

$$P I f_2 = \frac{f_p b_2' \cdot f_p t_2^3}{12} = \frac{11.00 \times 1.20^3}{12} = 1.584 \text{ cm}^4$$

$$P I f_2 = P A f_2 \cdot (1/2 \cdot H - t_f - 1/2 \cdot f_p t_2)^2 + P I f_2 = 13.200 \times 20.500^2 + 1.584 = 5549 \text{ cm}^4$$

(フランジ合計)

$$P I f = 2 \cdot (P I f_1 + P I f_2) = 2 \times (7111 + 5549) = 25320 \text{ cm}^4$$

#### 2) ウェブ添接板

板幅	$w_p b = 35.00$ cm
板厚	$w_p t = 0.60$ cm
ボルト間隔	$w p_2 = 9.0$ cm

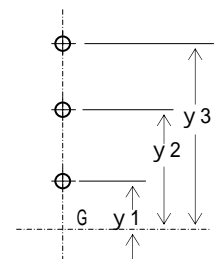
$$P I W_1 = \frac{w_p t \cdot w_p b^3}{12} = \frac{0.600 \times 35.00^3}{12} = 2144 \text{ cm}^4$$

$$y = y_1^2 + y_2^2 + y_3^2 + \dots = 202.50 \text{ cm}^2$$

$$P I W_1 = dh \cdot w_p t \cdot 2 y + m_2 \cdot \frac{w_p t \cdot (dh)^3}{12}$$

$$= 2.50 \times 0.60 \times 2 \times 203 + 4 \times \frac{0.60 \times 2.50^3}{12}$$

$$= 611 \text{ cm}^4$$



(ウェブ合計)

$$P I W = 2 \cdot (P I W_1 - P I W_1) = 2 \times (2144 - 611) = 3066 \text{ cm}^4$$

#### 3) 断面二次モーメント

$$P I = P I f + P I W = I'$$

$$= 25320 + 3066 = 28386 \text{ cm}^4 > 26244 \text{ cm}^4 \quad \text{-OK-}$$

#### (4) 曲げモ - メントの計算

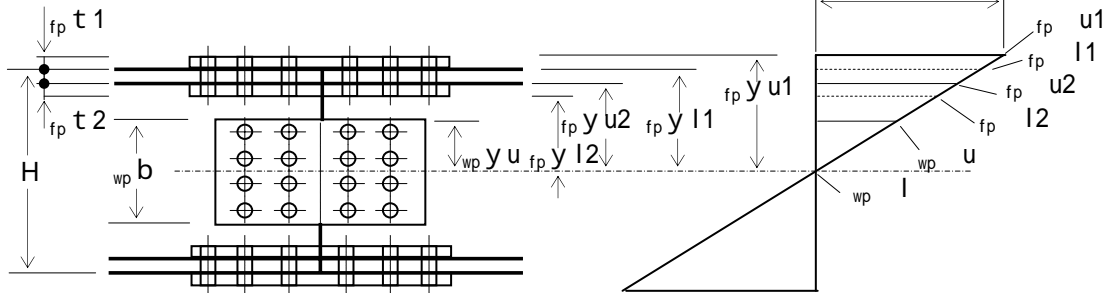
##### 1) H形鋼 1 本当たりの抵抗曲げモ - メント

許容曲げ応力度  $H_{ba} = 235 \text{ N/mm}^2$   
 断面係数  $Z' = 1166 \text{ cm}^3$

$$M_r = H_{ba} \cdot Z'$$

$$= 235 \times 1166 \times 10^3 = 274010000 \text{ N}\cdot\text{mm}$$

【概念図】



##### 2) フランジ添接板およびボルトの検討

$pI = 28386 \text{ cm}^4$   
 $pIf = 25320 \text{ cm}^4$

$${}_pMf = M_r \cdot \frac{pIf}{pI}$$

$$= 274010000 \times \frac{25320}{28386} = 244413908 \text{ N}\cdot\text{mm}$$

(外側フランジ)

$${}_pMf1 = {}_pMf \cdot \frac{2 \cdot pIf1}{pIf} \quad pIf1 = 7111 \text{ cm}^4$$

$$= 244413908 \times \frac{14222}{25320} = 137284937 \text{ N}\cdot\text{mm}$$

$$f_{p y u1} = 1/2 \cdot H + f_p t1 = 1/2 \times 45.0 + 0.90 = 23.40 \text{ cm}$$

$$f_p u1 = \frac{{}_pMf1}{2 \cdot pIf1} \cdot f_{p y u1} \quad pba$$

$$= \frac{137284937}{2 \times 7111} \times \frac{23.40}{1000} = 226 \text{ N/mm}^2 < 235 \text{ N/mm}^2$$

-OK-

$$f_{p y l1} = 1/2 \cdot H = 1/2 \times 45.0 = 22.50 \text{ cm}$$

$$f_p l1 = \frac{{}_pMf1}{2 \cdot pIf1} \cdot f_{p y l1} \quad pba$$

$$= \frac{137284937}{14222} \times \frac{22.50}{1000} = 217 \text{ N/mm}^2 < 235 \text{ N/mm}^2$$

-OK-

(内側フランジ)

$${}_p M f_2 = {}_p M f \cdot \frac{2 \cdot {}_p I f_2}{{}_p I f}$$

$${}_p I f_2 = 5549 \text{ cm}^4$$

$$= 244413908 \times \frac{11098}{25320} = 107128971 \text{ N}\cdot\text{mm}$$

$${}_{fp} y_{u2} = 1/2 \cdot H - t_f = 1/2 \times 45.0 - 1.40 = 21.10 \text{ cm}$$

$${}_{fp} \sigma_{u2} = \frac{{}_p M f_2}{2 \cdot {}_p I f_2} \cdot {}_{fp} y_{u2} \quad {}_p \sigma_{ba}$$

$$= \frac{107128971}{11098} \times \frac{21.10}{1000} = 204 \text{ N/mm}^2 < 235 \text{ N/mm}^2$$

-OK-

$${}_{fp} y_{l2} = 1/2 \cdot H - t_f - {}_{fp} t_2$$

$$= 1/2 \times 45.0 - 1.40 - 1.20 = 19.90 \text{ cm}$$

$${}_{fp} \sigma_{l2} = \frac{{}_p M f_2}{2 \cdot {}_p I f_2} \cdot {}_{fp} y_{l2} \quad {}_p \sigma_{ba}$$

$$= \frac{107128971}{11098} \times \frac{19.90}{1000} = 192 \text{ N/mm}^2 < 235 \text{ N/mm}^2$$

-OK-

(ボルト)

ボルトの許容せん断応力度  $\sigma_B = 220 \text{ N/mm}^2$   
 H形鋼の許容支圧応力度  $\sigma_H = 441 \text{ N/mm}^2$

$${}_p T f_1 = \frac{{}_{fp} \sigma_{u1} + {}_{fp} \sigma_{l1}}{2} \cdot {}_p A f_1$$

$$= \frac{226 + 217}{2} \times 13.50 \times 10^2 = 299025 \text{ N}$$

$${}_p T f_2 = \frac{{}_{fp} \sigma_{u2} + {}_{fp} \sigma_{l2}}{2} \cdot {}_p A f_2$$

$$= \frac{204 + 192}{2} \times 13.20 \times 10^2 = 261360 \text{ N}$$

$${}_p T f = {}_p T f_1 + {}_p T f_2 = 299025 + 261360 = 560385 \text{ N}$$

ボルト1本の耐力 (F10T)

$$M_{22} \quad {}_B A = 1/4 \cdot \pi \cdot d^2 = 3.801 \text{ cm}^2 = 380.1 \text{ mm}^2$$

$$S_1 = 2 \cdot {}_B A \cdot \sigma_B \quad (\text{二面せん断})$$

$$= 2 \times 380.1 \times 220 = 167244$$

$$S_2 = d \cdot t_f \cdot \sigma_H \quad (\text{鋼板の支圧})$$

$$= 22 \times 14 \times 441 = 135828$$

$$\left. \begin{array}{l} 167244 \\ 135828 \end{array} \right\} = \underline{135828} \text{ N}$$

(最小)  $f_b S_a$

$$Q_f = \frac{{}_p T f}{n_1 \cdot n_2} = \frac{560385}{3 \times 2}$$

$$= 93398 \text{ N} < 135828 \text{ N} \quad \text{-OK-}$$

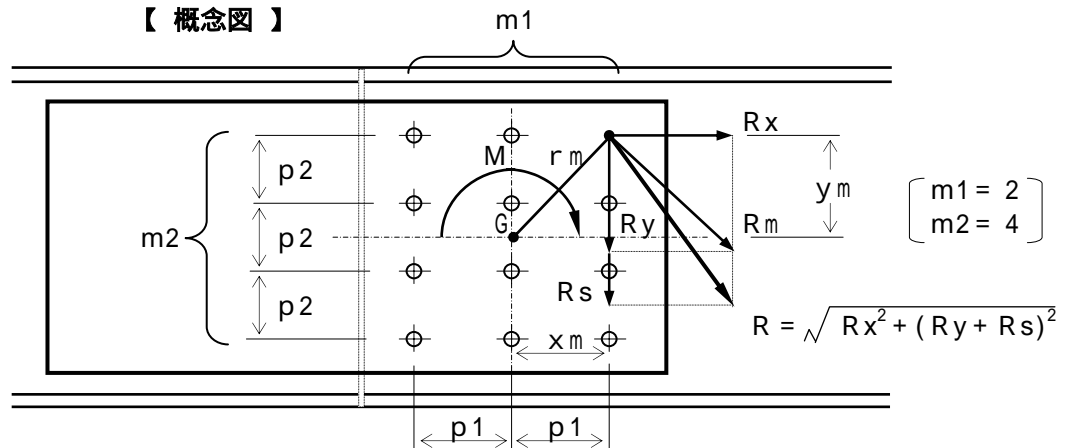
### 3) ウェブ添接板およびボルトの検討

$$\begin{aligned}
 {}_p M_w &= M_r \cdot \frac{{}_p I_w}{{}_p I} & {}_p I &= 28386 \text{ cm}^4 \\
 &= 274010000 \times \frac{3066}{28386} = 29596092 \text{ N}\cdot\text{mm} & {}_p I_w &= 3066 \text{ cm}^4 \\
 {}_w y_u &= 1/2 \cdot {}_w b = 1/2 \times 35.00 = 17.50 \text{ cm} \\
 {}_w u &= \frac{{}_p M_w}{{}_p I_w} \cdot {}_w y_u & & \\
 &= \frac{29596092}{3066} \times \frac{17.50}{1000} = 169 \text{ N/mm}^2 < 235 \text{ N/mm}^2 \\
 & & & \text{-OK-}
 \end{aligned}$$

ボルト1本の耐力 (F10T)

$$\begin{aligned}
 M22 \quad {}_B A &= 1/4 \cdot d^2 = 3.801 \text{ cm}^2 = 380.1 \text{ mm}^2 \\
 S1 &= 2 \cdot {}_B A \cdot {}_B a \quad (\text{二面せん断}) \\
 &= 2 \times 380.1 \times 220 = 167244 \\
 S2 &= d \cdot t_w \cdot {}_H a \quad (\text{鋼板の支圧}) \\
 &= 22 \times 9 \times 441 = 87318
 \end{aligned}
 \left. \vphantom{\begin{aligned} S1 \\ S2 \end{aligned}} \right\} = \frac{87318}{\text{最小}} \text{ N} = \text{最小} S_a$$

【 概念図 】



$$\begin{aligned}
 I_p &= 1/12 \cdot m_1 \cdot m_2 \{ {}_w p_1^2 (m_1^2 - 1) + {}_w p_2^2 (m_2^2 - 1) \} \\
 &= 1/12 \times 2 \times 4 \times \{ 7.50^2 \times (2^2 - 1) + 9.00^2 \times (4^2 - 1) \} \\
 &= 923 \text{ cm}^2
 \end{aligned}$$

(ボルト群の回転中心Gから最外端ボルトまでの距離)

$$\begin{aligned}
 x_m &= 3.75 \text{ cm} \\
 y_m &= 13.50 \text{ cm} \\
 r_m &= \sqrt{3.75^2 + 13.50^2} = 14.01 \text{ cm}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 R_x &= \frac{{}_p M_w}{I_p} \times y_m = \frac{29596092}{923} \times \frac{13.50}{10} = 43288 \text{ N} \\
 R_y &= \frac{{}_p M_w}{I_p} \times x_m = \frac{29596092}{923} \times \frac{3.75}{10} = 12024 \text{ N} \\
 R_m &= \frac{{}_p M_w}{I_p} \times r_m = \frac{29596092}{923} \times \frac{14.01}{10} \\
 &= 44923 \text{ N} < 87318 \text{ N} \quad \text{-OK-}
 \end{aligned}$$



### (5) せん断力の計算

#### 1) H形鋼1本当たりの抵抗せん断力

$$\begin{aligned} \text{許容せん断応力度 } \sigma_a &= 135 \text{ N/mm}^2 \\ \text{ウェブせん断有効面積 } A_w' &= 28.98 \text{ cm}^2 \\ &= 2898 \text{ mm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_r &= \sigma_a \cdot A_w' \\ &= 135 \times 2898 = 391230 \text{ N} \end{aligned}$$

#### 2) ウェブ添接板の応力度

$$\begin{aligned} \text{添接板断面積 } A_p &= 30.00 \text{ cm}^2 \\ &= 3000 \text{ mm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sigma_p &= \frac{S_r}{A_p} \\ &= \frac{391230}{3000} = 130 \text{ N/mm}^2 < 135 \text{ N/mm}^2 \quad \text{-OK-} \end{aligned}$$

#### 3) ボルトの応力

$$\begin{aligned} \text{ボルトの許容せん断応力度 } \sigma_b &= 220 \text{ N/mm}^2 \\ \text{H形鋼の許容支圧応力度 } \sigma_h &= 441 \text{ N/mm}^2 \\ \text{ウェブ厚 } t_w &= 0.9 \text{ cm} \end{aligned}$$

ボルト1本の耐力 (F10T)

$$M22 \quad A_b = 1/4 \cdot d^2 = 3.801 \text{ cm}^2 = 380.1 \text{ mm}^2$$

$$\begin{aligned} S1 &= 2 \cdot A_b \cdot \sigma_b \quad (\text{二面せん断}) \\ &= 2 \times 380.1 \times 220 = 167244 \\ S2 &= d \cdot t_w \cdot \sigma_h \quad (\text{鋼板の支圧}) \\ &= 22 \times 9 \times 441 = 87318 \end{aligned} \quad \left. \vphantom{\begin{aligned} S1 \\ S2 \end{aligned}} \right\} = \underline{87318} \text{ N} \quad (\text{最小})_{wb} S_a$$

$$\begin{aligned} R_s &= \frac{S_r}{m1 \cdot m2} = \frac{391230}{2 \times 4} \\ &= 48904 \text{ N} < 87318 \text{ N} \quad \text{-OK-} \end{aligned}$$

#### (6) ウェブボルトの合成応力

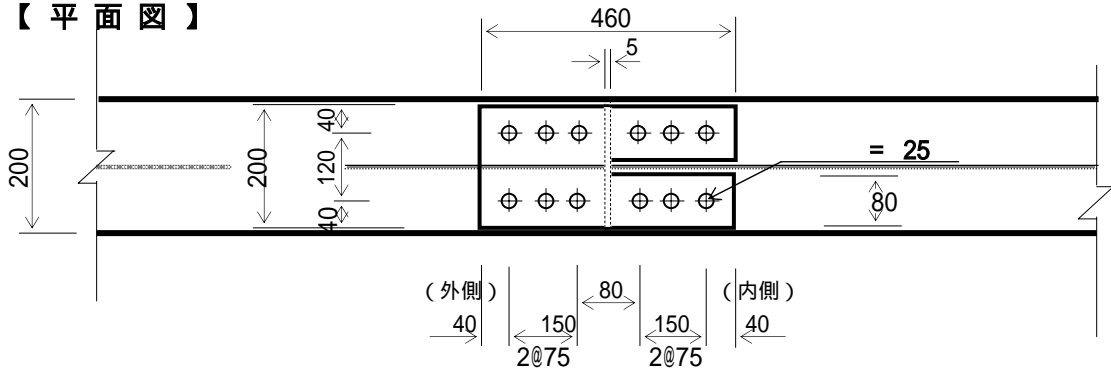
$$\begin{aligned} &(\text{最外端ボルトの応力}) \\ \text{X方向成分(曲げ)} \quad R_x &= 43288 \text{ N/本} \\ \text{Y方向成分(曲げ)} \quad R_y &= 12024 \text{ N/本} \\ \text{Y方向成分(せん断)} \quad R_s &= 48904 \text{ N/本} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} R &= \sqrt{R_x^2 + (R_y + R_s)^2} \\ &= \sqrt{43288^2 + (12024 + 48904)^2} \\ &= 74740 \text{ N} < 87318 \text{ N} \quad \text{-OK-} \end{aligned}$$

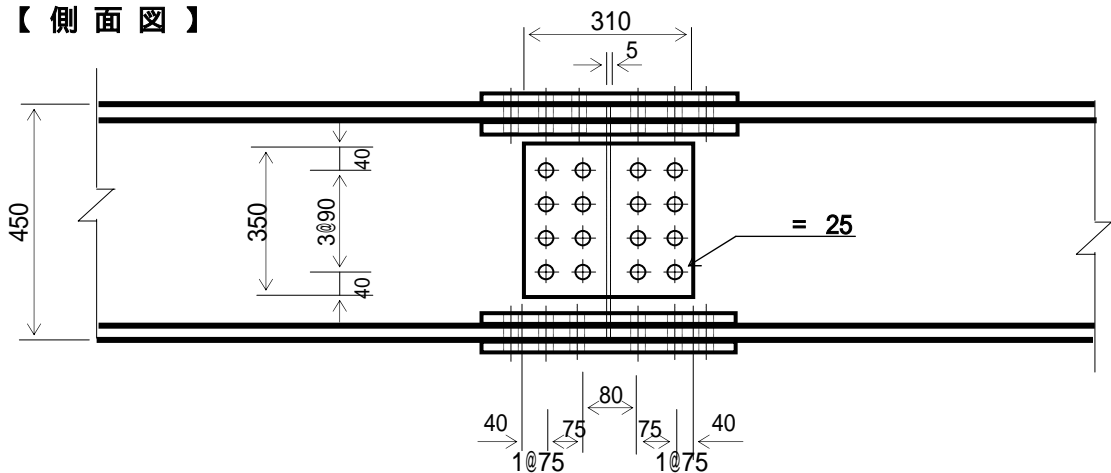
### 3. 計算結果

母材	H 4 5 0 × 2 0 0 × 9 × 1 4		
フランジ部	添接板仕様	2 枚 : PL 9 × 200 × 460	
		4 枚 : PL 12 × 80 × 460	
ウェブ部	添接板仕様	2 枚 : PL 6 × 350 × 310	
	ボルト仕様	F10T : M22 - 24本	L = 75 mm
		( トリプル型高力ボルトの場合	L = 70 mm )
	ボルト仕様	F10T : M22 - 16本	L = 65 mm
		( トリプル型高力ボルトの場合	L = 60 mm )

【 平面図 】



【 側面図 】



【 断面図 】

